プレチャレンジ 2016年2月の問題の解答

解答

(1) レンズの公式は、 $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{f}$ …①

である。つまり、これを満たすりがピントの合った像を作る距離である。

よって、
$$b=\frac{1}{1/f-1/a}$$
。

(2) 図(a)の光線を辿ってみるとわかるが、三角系の合同を使うと、拡大率は $\frac{b}{a}$ となること

がわかる。よって、 $D=d\cdot\frac{b}{a}$ である。ここで、 $a\to f$ とすると、①式より $b\to\infty$ となる。つまり、できるだけ拡大率を大きくするには、なるべくa を f に近づけるとよい。そのとき、スクリーンははるか後方に置くことになる。

- (3) スリット A B から出た波がスクリーン上で強め合う干渉をする地点とスクリーンの中心との間の距離が求める干渉縞の間隔sなので、 $s=\lambda\cdot\frac{a}{d}$ 。
- (4) s=R となるd が求める d_{\min} である。よって、(3)の答えから $d_{\min}=\lambda\cdot\frac{a}{R}$ 。 さらに、(1) で述べたように、細かいものを観察するには、なるべく拡大率を大きくする。よって、 $a\to f$ とするので、実際には $d_{\min}\cong\lambda\cdot\frac{f}{R}$ となる。
- (5) 大きなレンズの場合: $d_{\min} \cong \lambda \cdot \frac{f}{R} = 500 \cdot \frac{10}{2.5} = 2000 \, \text{nm} = 2 \mu \text{m}$

小さなレンズの場合: $d_{\min} \cong \lambda \cdot \frac{f}{R} = 500 \cdot \frac{10}{0.5} = 10000 \, \text{nm} = 10 \mu \text{m}$

つまり、大きなレンズのほうが、より細かいものを分離して見ることができる。